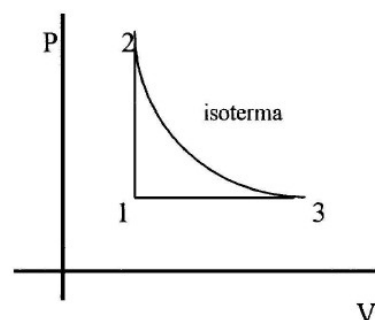




CUESTIÓN 3: Un mol de gas monoatómico describe el ciclo indicado en la figura. Hallar AU, Q, W, AS y AH en cada una de las ramas del ciclo.



$$T_1 = 300 \text{ °K} \quad T_2 = 600 \text{ °K} \quad V_1 = 10 \text{ l.}$$

$$R = 0,082 \text{ atm.l/mol} \cdot \text{°K}; \text{ atm.} = 1,013 \cdot 10^5 \text{ pascuales}$$

$$c_v = 12,54 \text{ Jul/mol } \text{°K} \quad c_p = 20,9 \text{ Jul/mol } \text{°K}$$

Comentarios (se incluye enunciado como era originalmente):

Enunciado usaba A en lugar de Δ, indicaba 105 en lugar "10⁵"

Enunciado indica °K cuando el símbolo correcto es K

<http://www.boe.es/buscar/act.php?id=BOE-A-2010-927#ci>

Enunciado indica "Jul" cuando el símbolo correcto es J

<http://www.boe.es/buscar/act.php?id=BOE-A-2010-927#cii>

Enunciado indica 1 atm = 1,013·10⁵ Pa, cuando son 1,01325·10⁵

<http://www.bipm.org/en/CGPM/>

Enunciado indica que es monoatómico, con lo que idealmente $c_p = 5/2R$, $c_v = 3/2R$, con lo que los datos de c_v y c_p son redundantes, ya que los podríamos calcular si cambiamos de unidades R

$$0,082 \frac{\text{atm} \cdot \text{l}}{\text{mol K}} \cdot \frac{101325 \text{ Pa}}{1 \text{ atm}} \cdot \frac{1 \text{ m}^3}{1000 \text{ l}} \approx 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol K}} \text{ y numéricamente } (5/2) \cdot 8,31 \approx 20,8 \text{ y}$$

(3/2)·8,31≈12,5, próximos a los valores del enunciado.

Similar a Andalucía 1994-4, solamente que allí no es un ciclo.

Similar a Cataluña 2000-A2

En general en problemas de termodinámica debemos comenzar dejando claro el convenio de signos usado: se utiliza el convenio IUPAC según el cual la primera ley es $\Delta U = Q + W$, $Q > 0$ y $W > 0$ son aportados al sistema (no se utiliza el convenio Clausius según el cual es $\Delta U = Q - W$)

No se indica sentido en el que se recorre el ciclo, asumimos que es según la secuencia en la que se numeran.

Llamamos A a la rama que va 1 a 2; proceso isócoro

Llamamos B a la rama que va de 2 a 3; proceso isotermo

Llamamos C a la rama que va de 3 a 1; proceso isobáro

Calculamos valores de P, V y T en los tres puntos:

$$1: V_1 = 10 \text{ L}; T_1 = 300 \text{ K}; \quad P_1 = \frac{nRT_1}{V_1} = \frac{1 \cdot 0,082 \cdot 300}{10} = 2,46 \text{ atm}$$

$$2: V_2 = V_1 = 10 \text{ L}; T_2 = 600 \text{ K}; \quad P_2 = \frac{nRT_2}{V_2} = \frac{1 \cdot 0,082 \cdot 600}{10} = 4,92 \text{ atm}$$

(la presión se duplica si la temperatura se duplica a volumen constante)

$$3: P_3 = P_1; T_3 = T_2; \quad P_2 V_2 = P_3 V_3 \Rightarrow V_3 = V_2 \frac{P_2}{P_3} = 10 \cdot \frac{4,92}{2,46} = 20 \text{ L}$$

(el volumen se duplica si la presión se reduce a la mitad a temperatura constante)

Para el **proceso A** (isócoro)

W=0 (no hay trabajo al ser el volumen constante)

Q=Q_v=ΔU=nc_vΔT=1·12,54·(600-300)=3762 J (absorbido, al aumentar P a V constante)



$$\Delta H = n c_p \Delta T = 1 \cdot 20,9 \cdot (600 - 300) = \mathbf{6270 \text{ J}}$$

$$\Delta S = \int \frac{\delta Q}{T}; \delta Q = n c_v dT; \Delta S = n c_v \int \frac{dT}{T} = n c_v \ln\left(\frac{T_2}{T_1}\right) = 1 \cdot 12,54 \cdot \ln\left(\frac{600}{300}\right) = 8,69 \text{ J/K}$$

$\Delta S = \mathbf{8,69 \text{ J/K}}$ Variación de entropía positiva, el sistema aumenta de temperatura a V cte.

Para el **proceso B** (isotermo)

$\Delta U = \mathbf{0}$ (la energía interna es una función de estado, no varía si no varía la temperatura cuando se trata de un gas en el que no ha habido cambio de estado)

$$W = -nRT \ln(V_3/V_2) = -1 \cdot 8,31 \cdot 600 \cdot \ln(2) = \mathbf{-3456 \text{ J}}$$
 (trabajo liberado, se expande)

$$Q = -W = \mathbf{3456 \text{ J}}$$
 (calor aportado, si se expande a misma T)

$\Delta H = \mathbf{0}$ (entalpía es también una función de estado)

$$\Delta S = Q/T = 3456/600 = \mathbf{5,76 \text{ J/K}}$$
 (positiva, aumenta al expandirse a T cte y aumentar V)

Para el **proceso C** (isóbaro)

$$W = -nP\Delta V = -1 \cdot 2,46 \cdot (10 - 20) = 24,6 \text{ atm}\cdot\text{L};$$

$$W = 24,6 \cdot 101,325 = \mathbf{2492,6 \text{ J}}$$
 (positivo, trabajo aportado, se comprime)

$$Q = \Delta H = Q_p = n c_p \Delta T = 1 \cdot 20,9 \cdot (300 - 600) = \mathbf{-6270 \text{ J}}$$

$$\Delta U = Q_v = n c_v \Delta T = 1 \cdot 12,54 \cdot (300 - 600) = \mathbf{-3762 \text{ J}}$$

El trabajo también se podría calcular como $W = \Delta U - Q = -3762 - (-6270) = 2508 \text{ J}$. No coincide exactamente pero si usamos $c_p = 20,8$, $Q = -6240$ y $c_v = 12,5$, $\Delta U = 3750$ la diferencia sería 2490 J, más próximo salvo redondeos.

$$\Delta S = \int \frac{\delta Q}{T}; \delta Q = n c_p dT; \Delta S = n c_p \int \frac{dT}{T} = n c_p \ln\left(\frac{T_1}{T_3}\right) = 1 \cdot 20,9 \cdot \ln\left(\frac{300}{600}\right) = -14,49 \text{ J/K}$$

Comprobamos que en el ciclo la variación de todas las funciones de estado es nula

$$\Delta U_A + \Delta U_B + \Delta U_C = 3762 + 0 - 3762 = 0$$

$$\Delta H_A + \Delta H_B + \Delta H_C = 6270 + 0 - 6270 = 0$$

$$S_A + S_B + S_C = 8,69 + 5,76 - 14,49 \approx 0 \text{ (salvo redondeos)}$$