



2001-A3. Responde, de forma breu però raonada, les següents qüestions:

c) En descarregar el condensador, inicialment carregat, en un circuit sèrie R-L-C que no disposa de cap generador, obtindrem sempre oscil·lacions del corrent o pot passar que sota determinades condicions s'obtingui una descàrrega no periòdica?

2000-B3. Contesteu de manera breu, però raonadament, les cinc qüestions següents:

a) En descarregar el condensador -prèviament carregat- d'un circuit sèrie L-R-C que no conté cap generador, obtindrem sempre oscil·lacions del corrent o bé, sota determinades condicions, obtindrem una descàrrega no periòdica?

2001-A3. Responda, de forma breve pero razonada, las siguientes cuestiones:

c) Al descargar el condensador, inicialmente cargado, en un circuito serie R-L-C que no dispone de ningún generador, ¿obtendremos siempre oscilaciones de la corriente o puede ocurrir que bajo determinadas condiciones se obtenga una descarga no periódica?

2000-B3. Contesta de manera breve, pero razonadamente, las cinco cuestiones:

a) Al descargar el condensador -previamente cargado- de un circuito serie L-R-C que no contiene ningún generador, ¿obtendremos siempre oscilaciones de la corriente o bien, bajo determinadas condiciones, obtendremos una descarga no periódica?

Referencias:

<http://www.fiquipedia.es/home/recursos/recursos-para-oposiciones/2005-Valencia-Problema2.pdf?attredirects=0>

Estanto los tres elementos R, L y C en serie la corriente en función del tiempo se obtiene resolviendo una ecuación diferencial, cuya resolución puede ser de varios tipos según los valores de R, L y C, y no siempre es periódica.

La suma de las 3 tensiones en el circuito es cero, al no haber una fuente de tensión.

$$V_C + V_R + V_L = 0$$

$$\frac{Q}{C} + R \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt} = 0$$

La carga del condensador va variando con el tiempo: $i = \frac{dQ}{dt} \Rightarrow Q = \int i dt$

Sustituyendo y derivando

$$L \cdot \frac{di}{dt} + R \cdot i + \frac{1}{C} \int i dt = 0$$

$$L \frac{d^2 i}{dt^2} + R \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} i = 0$$

Es una ecuación diferencial de segundo orden, que se puede plantear como $\frac{d^2 i}{dt^2} + \frac{R}{L} \frac{di}{dt} + \frac{1}{LC} i = 0$

Aplicando técnicas de resolución de ecuaciones diferenciales, buscamos la solución de la ecuación

$$\lambda^2 + \frac{R}{L} \lambda + \frac{1}{LC} = 0 \Rightarrow \lambda = \frac{-\frac{R}{L} \pm \sqrt{\left(\frac{R}{L}\right)^2 - 4 \cdot 1 \cdot \frac{1}{LC}}}{2} = \frac{-R}{2L} \pm \sqrt{\left(\frac{R}{2L}\right)^2 - \left(\frac{1}{\sqrt{LC}}\right)^2} = -\alpha^2 \pm \sqrt{\alpha^2 - \omega^2}$$

$$\alpha = \frac{R}{2L}; \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

- Si $\alpha > \omega$ es un caso sobreamortiguado, las soluciones son reales y distintas

$$i = c_1 e^{\lambda_1 t} + c_2 e^{\lambda_2 t}$$

No habría oscilaciones periódicas.



- Si $\alpha = \omega$ es un caso críticamente amortiguado, las soluciones son reales e iguales
$$i = e^{\lambda t} (c_1 + c_2 t)$$

No habría oscilaciones periódicas.
 - Si $\alpha < \omega$ es un caso subamortiguado, las soluciones son imaginarias y distintas
 - $\lambda_1 = a + bi$ $i = e^{at} (c_1 \cos(bt) + c_2 \operatorname{sen}(bt))$
 $\lambda_2 = a - bi$
- Sí habría oscilaciones periódicas, que serán amortiguadas debido a la energía que disipa R.